

آموزش جامع

ریاضی (۲)

پایه یازدهم فنی و صنعتی کار و دانش

این کتاب شامل موارد زیر می باشد:

- درس نامه جامع
- حل تمرین های کتاب درسی
- تمرین های تکمیلی
- تست های کنکور
- تست های تکمیلی

گردآوری و تألیف:

محسن چالاک، علی اصغر توکلی، روزبه یگانه

چهارخونه

ناشر تخصصی آموزشی

سرشناسه: چالاک، محسن، ۱۳۵۴ -

عنوان و نام پدیدآور: آموزش جامع ریاضی (۲) پایه یازدهم فنی و حرفه‌ای، کار و دانش
مشخصات نشر: تهران: چهارخونه، ۱۳۹۹.

مشخصات ظاهری: ۱۴۶ ص: مصور، جدول، نمودار، ۲۲×۲۹ س.م.

شابک: ۹۷۸-۶۰۰-۳۰۵-۱۵۲-۲

وضعیت فهرست نویسی: فیبای مختصر

شناسه افزوده: توکلی، علی اصغر - ۱۳۵۳ -

شناسه افزوده: یگانه، روزبه - ۱۳۶۸ -

شماره کتابشناسی ملی: ۴۹۳۴۱۹۳

آموزش جامع ریاضی (۲) پایه یازدهم

ناشر: انتشارات چهارخونه

نویسنده: محسن چالاک - علی اصغر توکلی - روزبه یگانه

ویراستار: نجمه موسوی

صفحه آرایی: محبوبه شریفی

حروفچینی: فاطمه مرادی

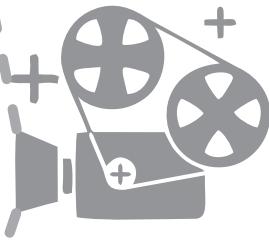
لیتوگرافی: امیر گرافیک

چاپ و صحافی: نیک

نوبت چاپ: چهارم - پاییز ۱۳۹۹

شمارگان: ۵۰۰ جلد

قیمت: ۴۵۰۰۰ تومان



ISBN: 978-600-305-152-2

شابک: ۹۷۸-۶۰۰-۳۰۵-۱۵۲-۲

پایگاه و فروشگاه اینترنتی: WWW.4khooneh.org

کلیه حقوق برای ناشر محفوظ است و هر گونه نسخه برداری پیگرد قانونی دارد.

تلفن‌های مرکز پخش: ۰۹۱۲۶۲۰۰۲۶ - ۰۹۱۲۷۱ - ۶۶۹۲۷۷۹۶ - ۶۶۹۲۸۱۷۱

جهت دریافت کتاب از طریق پست به سایت www.4Khooneh.org مراجعه

نموده و یا با شماره تلفن ۰۲۱(۶۶۹۲۸۰۲۹) تماس حاصل فرمایید.

فهرست مطالب

بودمان اول : نایع

۵	درسنامه
۱۲	تمرین‌های کتاب درسی
۲۴	سوالات تکمیلی
۲۶	پاسخنامه سوالات تکمیلی
۲۹	تست‌های تکمیلی
۳۱	پاسخنامه تست‌های تکمیلی

بودمان دوم : نایع‌های خطی و درجه دوم

۳۳	درسنامه
۴۰	تمرین‌های کتاب درسی
۵۷	سوالات تکمیلی
۵۸	پاسخنامه سوالات تکمیلی
۶۱	تست‌های تکمیلی
۶۲	پاسخنامه تست‌های تکمیلی

بودمان سوم : زاویه‌های دلخواه و نسبت‌های مثلثی آنها

۶۳	درسنامه
۷۲	تمرین‌های کتاب درسی
۸۶	سوالات تکمیلی
۸۸	پاسخنامه سوالات تکمیلی
۹۳	تست‌های تکمیلی
۹۵	پاسخنامه تست‌های تکمیلی

بودمان چهارم : للاربینم و خواص آن

۹۸	درسنامه
۱۰۰	تمرین‌های کتاب درسی
۱۰۹	سوالات تکمیلی
۱۱۱	پاسخنامه سوالات تکمیلی
۱۱۳	تست‌های تکمیلی
۱۱۵	پاسخنامه تست‌های تکمیلی

بودمان پنجم : آمار نویسی

۱۱۷	درسنامه
۱۲۱	تمرین‌های کتاب درسی
۱۳۸	سوالات تکمیلی
۱۳۹	پاسخنامه سوالات تکمیلی
۱۴۳	تست‌های تکمیلی
۱۴۴	پاسخنامه تست‌های تکمیلی

۱۴۶ آزمون پایانی

ریاضی ۲

۱ تابع آنها در حل معادله‌ها و نامعادله‌ها

- تابع‌های خطی
 - تابع‌های درجه دوم
 - کاربرد تابع‌ها در حل معادله‌ها
 - کاربرد تابع‌ها در حل نامعادله‌ها
- رابطه بین کمیت‌ها
 - مفهوم تابع
 - بازده‌ها
 - نمادگذاری تابع‌ها
 - نمایش‌های تابع: جدول و نمودار

۲ لگاریتم و خواص آن زاویه‌های دلخواه و نسبت‌های مثلثاتی آنها

- لگاریتم
 - خواص لگاریتم
- زاویه چرخش
 - واحد اندازه‌گیری زاویه: رادیان
 - نسبت‌های مثلثاتی زاویه‌های دلخواه
 - شیب خط و تانژانت زاویه‌ها

۳ آمار توصیفی خط بهترین برازش درون‌یابی و برون‌یابی میانه نمودار جعبه‌ای

رابطه بین کمیت‌ها

بسیاری از کمیت‌های اطراف ما به نوعی با هم ارتباط دارند، از این ارتباط می‌توان استفاده کرد و با داشتن مقدار یکی، دیگری را به دست آورد. به عنوان مثال مساحت یک مربع و طول ضلع آن دو کمیت مرتبط هستند که در این حالت اگر طول ضلع مربعی را بدانیم می‌توانیم مساحت آن را نیز بیابیم.

تذکر: برای آنکه بهتر بتوانیم رابطه بین دو کمیت را بیان کنیم، هر یک از آنها را نام‌گذاری کرده و رابطه بین آنها را می‌نویسیم. در واقع برای شناخت رابطه بین دو کمیت‌ها چه مقدارهایی می‌توانند داشته باشند و شیوه محاسبه یکی بر حسب دیگری چیست. مثال: رابطه بین دو کمیت محیط مربع و طول ضلع آن را نوشت و جدول زیر را کامل کنید.

حل: اگر ضلع مربع را x و محیط آن را P بنامیم داریم:

	طول ضلع	۱	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{3}{2}$	$x = 1 \Rightarrow P = 4 \times 1 = 4$	حال جدول را کامل می‌کنیم:
محیط		۴	۸	$\frac{1}{2}$	۶	$P = 8 \Rightarrow P = 4x \Rightarrow 8 = 4x \Rightarrow x = 2$ $x = \frac{1}{2} \Rightarrow P = 4 \times \frac{1}{2} = 2$ $P = 6 \Rightarrow 6 = 4x \Rightarrow x = \frac{6}{4} = \frac{3}{2}$	

مثال: الف) آیا با مشخص بودن محیط یک دایره، می‌توان مساحت آن را مشخص کرد؟

ب) رابطه بین دو کمیت محیط دایره و مساحت دایره را بنویسید.

پ) اگر محیط دایره‌ای 3π باشد، مساحت آن چقدر است؟

ت) اگر مساحت دایره‌ای 5π باشد محیط آن چقدر است؟

ث) هر یک از این دو کمیت‌های محیط و مساحت چه مقادیری می‌توانند داشته باشند؟

حل: الف) بله

ب) اگر محیط دایره را P و مساحت دایره را S بنامیم داریم: $P = 2\pi r \Rightarrow r = \frac{P}{2\pi}$ مساحت دایره

$$S = \pi r^2 = \pi \left(\frac{P}{2\pi}\right)^2 = \pi \times \frac{P^2}{4\pi^2} = \frac{P^2}{4\pi} \Rightarrow S = \frac{P^2}{4\pi}$$

پ)

$$S = \frac{P^2}{4\pi} \Rightarrow S = \frac{(3\pi)^2}{4\pi} = \frac{9\pi^2}{4\pi} = \frac{9\pi}{4}$$

ت)

$$S = \frac{P^2}{4\pi} \Rightarrow 5\pi = \frac{P^2}{4\pi} \Rightarrow P^2 = 20\pi^2 \Rightarrow P = \sqrt{20\pi^2} = \pi\sqrt{20} = \pi\sqrt{4 \times 5} = 2\pi\sqrt{5}$$

ث) هر کدام از دو کمیت‌های محیط و مساحت دایره می‌توانند اعدادی نامنفی باشند یعنی $0 \leq P \leq 0$.

مثال: خودرویی را در نظر بگیرید که گنجایش ۵ لیتر بنزین را دارد، و این خودرو به طور متوسط در هر ۱۰۰ کیلومتر ۸ لیتر بنزین مصرف می‌کند و باک این خودرو قبل از حرکت پر شده است.

الف) اگر مقدار بنزین موجود در باک را بر حسب لیتر V و مسافت طی شده بر حسب کیلومتر را d بنامید رابطه بین دو کمیت مقدار بنزین در باک و مسافت طی شده براک را بنویسید.

ب) اگر توصیه شود که برای صدمه ندیدن موتور حداقل ۳ لیتر بنزین در باک موجود باشد برای سالم نگه داشتن موتور حجم بنزین در باک چه مقادیری می‌تواند باشد؟

پ) اگر خودرو ۵۷۵ کیلومتر مسافت را طی کرده باشد حجم بنزین موجود در باک چقدر است؟

ت) اگر حجم بنزین موجود در باک ۲۰ لیتر باشد، خودرو چه مسافتی را طی کرده است؟

حل: الف) این خودرو به ازای هر لیتر بنزین $\frac{1}{8}$ کیلومتر مسافت را طی می‌کند بنابراین رابطه بین مسافت طی شده و حجم بنزین موجود در باک از تناسب زیر به دست می‌آید:

$$\frac{1 \text{ لیتر}}{12/5} = \frac{50 - V}{d} \Rightarrow d = 12/5(50 - V)$$

ب) حداقل ۳ لیتر و حداقل ۵۰ لیتر

$$d = 12/5(50 - V) \Rightarrow 575 = 12/5 \times 50 - 12/5V \Rightarrow 12/5V = 625 - 575 \Rightarrow 12/5V = 50 \Rightarrow V = \frac{50}{12/5} = 4$$

پ)

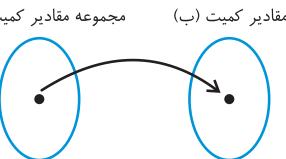
$$d = 12/5(50 - V) \Rightarrow d = 12/5(50 - 20) = 12/5 \times 30 = 375 \text{ کیلومتر}$$

ت)

مفهوم تابع

تعریف تابع: اگر دو کمیت (الف) و (ب) با یکدیگر مرتبط باشند و با مشخص شدن مقدار کمیت (الف)، فقط یک مقدار برای کمیت (ب) به دست آید، در این صورت کمیت (ب) را تابعی از کمیت (الف) می‌نامند.

به عبارتی دیگر تابع رابطه‌ای بین دو مجموعه A و B است که در آن هر عضو از مجموعه A فقط به یک عضو از مجموعه B نسبت داده می‌شود.



تذکر مهم: اگر با مشخص شدن یک مقدار کمیت (الف)، بیش از یک مقدار برای کمیت (ب) به دست آید این رابطه تابع نیست.

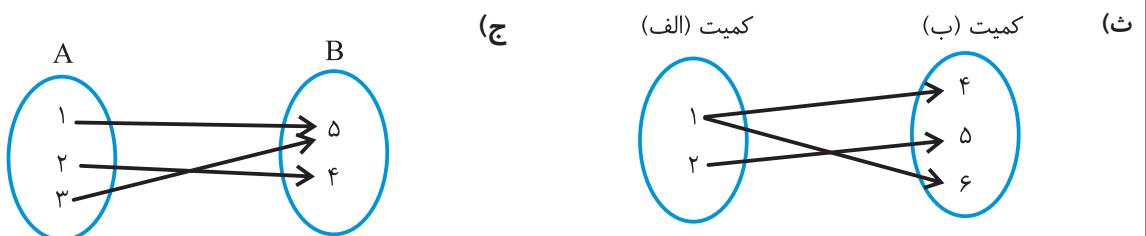
مثال: کدام یک از رابطه‌های زیر تابع است؟

الف) رابطه بین افراد و غذاهای مورد علاقه آنها

ب) رابطه بین افراد و وزن آنها

پ) رابطه بین مساحت یک مربع و ضلع آن

ت) رابطه‌ای که به هر عدد ریشه دوم آن را نسبت می‌دهد.



حل: الف) تابع نیست زیرا ممکن است شخصی به دو یا چند غذا علاقمند باشد.

ب) تابع است، زیرا به هر فرد فقط یک وزن می‌توانیم نسبت دهیم.

پ) تابع است. زیرا با مشخص شدن اندازه ضلع مربع فقط یک مقدار معین برای مساحت آن به دست می‌آید مثلاً اگر ضلع مربعی ۳ متر باشد مساحت آن ۹ مترمربع می‌باشد.

ت) تابع نیست زیرا هر عدد مثبت دو ریشه دارد. مثلاً عدد ۲۵ دارای ریشه‌های دوم ۵ و -۵ است.

ث) تابع نیست زیرا عدد ۱ از کمیت (الف) به دو عدد ۴ و ۶ از کمیت (ب) نسبت داده شده است.

ج) تابع است. زیرا هر مقدار از کمیت A فقط به یک مقدار از کمیت B نسبت داده شده است.

تعریف دامنه و ضابطه تابع:

اگر کمیت (ب) تابعی از کمیت (الف) باشد، مقادیری که کمیت (الف) می‌تواند داشته باشد را دامنه این تابع می‌نامند و قانونی را که مقادیر کمیت

(ب) را برحسب مقادیر کمیت (الف) به دست می‌دهد، قانون یا ضابطه این تابع گویند.

مثال: رابطه $x^2 = y$ را در نظر بگیرید.

الف) آیا x تابعی از y است؟ چرا؟

ب) آیا y تابعی از x است؟ چرا؟

حل:

$$y = x^2 \Rightarrow x = \pm\sqrt{y}$$

الف) خیر

زیرا برای $y = 9$ دو مقدار ± 3 برای x به دست می‌آید. به طور کلی در این رابطه برای هر مقدار مثبت برای y دو مقدار برای x به دست می‌آید.

ب) بله. زیرا برای هر مقدار x ، فقط یک مقدار برای y به دست می‌آید. دامنه این تابع تمام اعداد حقیقی R است.

مثال: رابطه $|x+2| = s$ را در نظر بگیرید.

الف) آیا x تابعی از s است؟

حل: الف) خیر، زیرا برای $s = 0$ دو مقدار ± 2 برای x به دست می‌آید.

$$s = 0 \Rightarrow |x| = 0 + 2 \Rightarrow |x| = 2 \Rightarrow x = \pm 2$$

ب) آیا s تابعی از x است؟

حل: ب) بله، s تابعی از x است زیرا برای هر مقدار x فقط یک مقدار برای s به دست می‌آید.

$$|x| = s + 2 \Rightarrow s = |x| - 2$$

مثال: رابطه $x^3 = y$ را در نظر بگیرید.

(الف) آیا x تابعی از y است؟

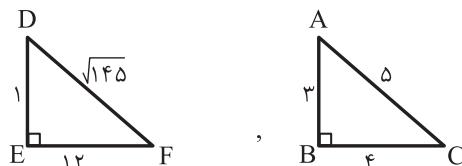
حل: (الف) بله. زیرا برای هر مقدار y , فقط یک مقدار برای x به دست می‌آید.

(ب) آیا y تابعی از x است؟

بله، زیرا برای هر مقدار x فقط یک مقدار برای y به دست می‌آید.

مثال: آیا محيط مثلث تابعی از مساحت آن است؟ چرا؟

حل: خیر. اگر دو مثلث زیر را در نظر بگیریم.



$$S_{DEF} = \frac{1 \times 12}{2} = 6, \quad S_{ABC} = \frac{3 \times 4}{2} = 6$$

ABC مساحت شان برابر است

ولی محيط شان برابر نیست

$$DEF = 1 + 12 + \sqrt{145} = 13 + \sqrt{145}$$

در این مثال می‌بینیم که به ازای مقدار ۶ برای مساحت، دو مقدار مختلف برای محيط به دست آمده است پس محيط مثلث تابعی از مساحت آن نمی‌باشد.

بازه‌ها

بازه‌ها گونه‌ای دیگر از زیر مجموعه‌های اعداد حقیقی می‌باشند.

انواع بازه: سه نوع بازه داریم که عبارتند از: ۱- بازه بسته ۲- بازه باز ۳- بازه نیم باز یا نیم بسته

فرض کنیم a و b دو عدد حقیقی باشند و $a < b$ در این صورت:

(الف) بازه بسته a و b : مجموعه تمام اعداد حقیقی بین a و b تشکیل بازه بسته a و b می‌دهد و با $[a, b]$ نشان می‌دهند به عبارتی دیگر:

$$[a, b] = \{x \in R \mid a \leq x \leq b\}$$

(ب) بازه باز a و b : مجموعه تمام اعداد حقیقی بین a و b است و با (a, b) نشان داده می‌شود.

$$(a, b) = \{x \in R \mid a < x < b\}$$

(ج) بازه نیم باز یا نیم بسته: اگر از بازه بسته $[a, b]$ ابتدا یا انتهای آن را حذف کنیم بازه نیم باز یا نیم بسته به دست می‌آید که به دو صورت زیر می‌باشند.

$$[a, b) = \{x \in R \mid a \leq x < b\}$$

$$(a, b] = \{x \in R \mid a < x \leq b\}$$

تذکر: ۱) $(-\infty, +\infty) = R$

مثال: جدول زیر را کامل کنید.

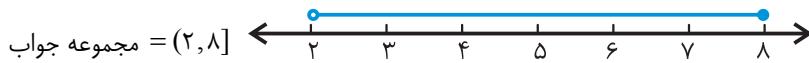
حل:

نمايش با بازه	نمايش با نماد مجموعه	نمایش روی محور	نوع بازه
$[-1, 2)$	$\{x \in R \mid -1 \leq x < 2\}$		نیم باز
$[\circ, 1]$	$\{x \in R \mid \circ \leq x \leq 1\}$		بسته
$(-\infty, 1]$	$\{x \in R \mid x \leq 1\}$		نیم باز
$(2, 3)$	$\{x \in R \mid 2 < x < 3\}$		باز

حل:

مثال: مجموعه جواب نامعادله $\frac{x}{2} - 1 \leq 3$ را به صورت بازه نوشه و روی محور نشان دهید.

$$\frac{x}{2} - 1 \leq 3 \xrightarrow{+1} \frac{x}{2} + 1 \leq 3 + 1 \Rightarrow 1 < \frac{x}{2} \leq 4 \xrightarrow{\times 2} 1 \times 2 < \frac{x}{2} \times 2 \leq 4 \times 2 \Rightarrow 2 < x \leq 8$$



مثال: حاصل عبارت‌های زیر را بیابید.

(الف) $(-\infty, 2] \cup (1, 5]$

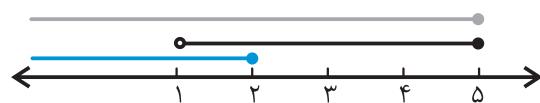
(ب) $(-2, 3) \cap [-1, 5]$

(ج) $[-3, 7] - (2, 8]$

حل: در این طور مسائل بهتر است ابتدا بازه‌ها را روی محور رسم کرده سپس حاصل را بیابیم.

(الف)

$(-\infty, 2] \cup (1, 5] = (-\infty, 5]$



(ب)

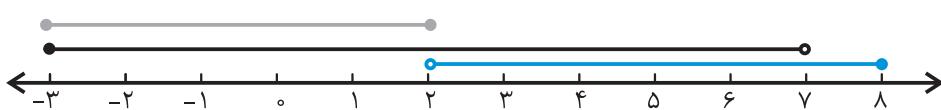
$(-2, 3) \cap [-1, 5] = [-1, 3]$



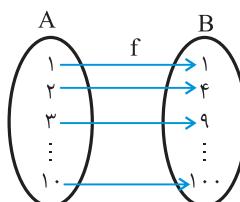
(ج)

$[-3, 7] - (2, 8] = [-3, 2]$

باید از $(7, -3]$ بازه $(2, 8]$ را حذف کنیم که طبق نمودار داریم:



نمادگذاری تابع‌ها



از آن جایی که رابطه‌ی بین کمیت‌ها به شکل‌های مختلفی می‌باشد و تابع‌های زیادی وجود دارند بنابراین بهتر است نامی برای آنها انتخاب کنیم تا کار کردن با آنها ساده‌تر شود به عنوان مثال اگر تابع زیر که کمیت‌های A را به B نظیر می‌کند را f بنامیم:

می‌بینیم که این تابع عضو ۱ از A را به عضو ۱ از B و عضو ۲ از A را به عضو ۴ از B و ... و عضو n از A را به عضو n^2 از B وصل می‌کند برای راحتی کار می‌نویسیم:

$f(1) = 1, f(2) = 4, f(3) = 9, \dots$

و به $f(x)$ مقدار تابع f در ۱ می‌گویند و می‌خوانند این یک و چون تابع f هر عضو A را به مربع یا توان دو آن عدد نظیر می‌کند، ضابطه یا قانون این تابع را به صورت $f(x) = x^2$ می‌نویسیم (بخوانید این ایکس) دامنه این تابع $\{1, 2, 3, \dots\}$ و محدوده آن $D_f = \{1, 4, 9, \dots\}$ می‌باشد.

نکته

در هر تابع، مقدار تابع فقط برای مقادیر دامنه محاسبه می‌شود و حتی اگر مقادیر خارج از دامنه را بتوان در قانون تابع قرار داد و مقداری را برای آن محاسبه کرد، عدد محاسبه شده معنایی ندارد. به عبارت دیگر اگر f یک تابع و x متغیر آن باشد مقادیر $f(x)$ را فقط برای لامای محاسبه می‌کنیم که این x ‌ها در دامنه تابع باشند.

مثال: تابع f با قانون $f(x) = 3x - 2$ و دامنه $[-2, 5]$ را در نظر بگیرید و مقادیر زیر را در صورت وجود محاسبه کنید.

الف) $f(1)$

$$f\left(\frac{1}{3}\right)$$

$$f\left(-\frac{1}{6}\right)$$

ت) $f(f(2))$

ث) $f(6)$

ج) $f(\sqrt{2})$

حل:

$$f(1) = 3(1) - 2 = 1$$

$$f\left(\frac{1}{3}\right) = 3\left(\frac{1}{3}\right) - 2 = \frac{3}{3} - 2 = \frac{3-4}{3} = -\frac{1}{3}$$

$$f\left(-\frac{1}{6}\right) = 3\left(-\frac{1}{6}\right) - 2 = -\frac{3}{6} - 2 = \frac{-1}{2} - 2 = \frac{-1-4}{2} = -\frac{5}{2}$$

ت) $f(f(2)) =$

$$f(2) = 3(2) - 2 = 6 - 2 = 4$$

در این طور موقع ابتدا داخل پرانتز یعنی $f(2)$ را حساب می‌کنیم.

حال $f(4)$ را می‌یابیم:

$$f(f(2)) = f(4) = 3(4) - 2 = 12 - 2 = 10$$

(ث) چون ۶ در دامنه تابع نیست بنابراین $f(6)$ معنایی ندارد.

$$ج) f(\sqrt{2}) = 3(\sqrt{2}) - 2 = 3\sqrt{2} - 2$$

مثال: طول یک مستطیل ۵ واحد بیشتر از عرض آن است.

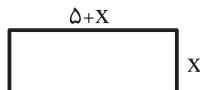
الف) رابطه ریاضی بنویسید که محیط مستطیل را بر حسب تابعی از عرض آن بیان کند و تابع را g و متغیر آن را x بنامید.

ب) $g(3)$ را بیابید.

پ) آیا $g(-2)$ معنایی دارد؟

ت) دامنه این تابع را مشخص کنید.

حل: اگر عرض مستطیل را x بنامیم، طول مستطیل برابر است با $5 + x$ بنابراین:



$$\text{الف) } g(x) = 2((x + 5) + x) = 2(2x + 5) = 4x + 10 \Rightarrow g(x) = 4x + 10$$

ب)

$$g(3) = 4 \times 3 + 10 = 22$$

پ) $g(-2)$ معنایی ندارد زیرا عرض مستطیل منفی نمی‌شود به عبارتی دیگر، -۲ در دامنه تابع g نیست.

$$g \text{ دامنه} = D_g = (0, +\infty)$$

ت) اگر $D_f = R$ باشد مقادیر زیر را بیابید.

الف) $f(0)$

ب) $f(-2) =$

پ) $f(f(1)) =$

ت) $f(a+2) =$

ث) $2f(-1) + 3f(2) =$

حل:

$$f(0) = (0)^2 - 3(0) + 1 = 1$$

$$f(-2) = (-2)^2 - 3(-2) + 1 = 4 + 6 + 1 = 11$$

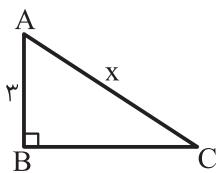
$$f(1) = (1)^2 - 3(1) + 1 = 1 - 3 = -1 \Rightarrow f(f(1)) = f(-1) = (-1)^2 - 3(-1) + 1 = 1 + 3 + 1 = 5$$

$$f(a+2) = (a+2)^2 - 3(a+2) + 1 = a^2 + 4a + 4 - 3a - 6 + 1 = a^2 + a - 1$$

ث) ابتدا $f(-1)$ و $f(2)$ را می‌یابیم:

$$\begin{aligned} f(-1) &= (-1)^2 - 3(-1) + 1 = 1 + 3 + 1 = 5 \\ f(2) &= (2)^2 - 3(2) + 1 = 4 - 6 + 1 = -1 \end{aligned} \Rightarrow 2f(-1) + 3f(2) = 2 \times 5 + 3 \times (-1) = 10 - 3 = 7$$

مثال: طول یکی از ضلع‌های زاویه قائم در مثلث قائم‌الزاویه‌ای ۳ سانتی‌متر است. مساحت این مثلث تابعی از وتر آن است این تابع را f بنامید و متغیر آن را x نامیده و دامنه و قانون این تابع را مشخص کنید.



$$AB = 3, AB^2 + BC^2 = AC^2 \Rightarrow 3^2 + BC^2 = x^2 \Rightarrow BC^2 = x^2 - 9 \Rightarrow BC = \sqrt{x^2 - 9}$$

$$\text{مساحت مثلث} = \frac{\text{ارتفاع} \times \text{قاعده}}{2} = \frac{BC \times AB}{2} = \frac{\sqrt{x^2 - 9} \times 3}{2}$$

حال اگر مساحت را f بنامیم، ضابطه یا قانون این تابع به صورت زیر است:

$$f(x) = \frac{3\sqrt{x^2 - 9}}{2}$$

از آن جایی که عبارت زیر رادیکال با فرجه زوج نباید منفی باشد پس داریم:

$$x^2 - 9 \geq 0 \Rightarrow x^2 \geq 9 \Rightarrow x \geq 3 \text{ یا } x \leq -3$$

چون x طول وتر است و منفی نمی‌شود پس $D_f = [3, +\infty)$ دامنه x بنا براین

نمایش‌های تابع: جداول و نمودار

جدول مربوط به یک تابع: برای هر تابع می‌توان جدولی دو سطري رسم کرد که در سطر اول، مقدارهایی از دامنه و در سطر دوم مقدار تابع به ازای مقادیر دامنه قرار می‌گیرد. این جدول را جدول تابع می‌نامند، که برای شناخت چگونگی تغییرات مقادیر تابع که رفتار تابع نامیده می‌شوند بسیار مفید است.

نمودار تابع: به کمک جدول یک تابع می‌توان نموداری در صفحه رسم کرد، هر زوج اعدادی در جدول که از اعداد دامنه تابع (سطر اول) و مقدار تابع (سطر دوم) تشکیل شده است نقطه‌ای را در صفحه مختصات مشخص می‌کند، مجموعه این نقاط شکلی را در صفحه مشخص می‌کنند که نمودار تابع نامیده می‌شود. از طریق نمودار تابع، رفتار تابع را بهتر می‌توان تشخیص داد.

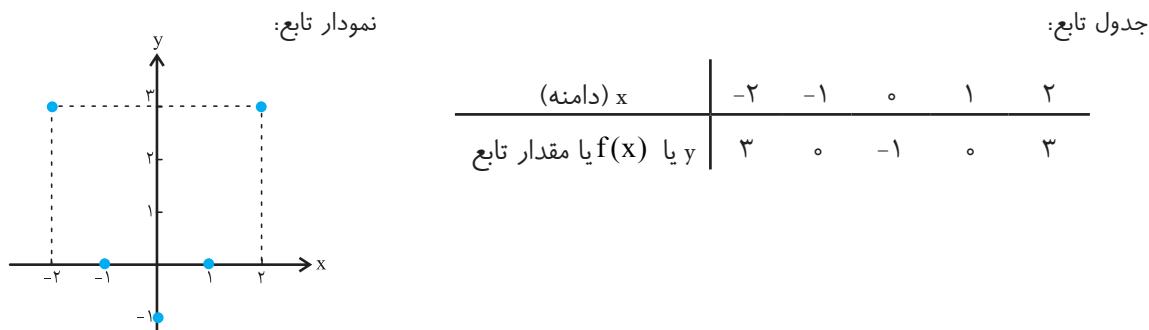
مثال: تابع $-1 - x^2$ را در نظر بگیرید.

الف) جدول و نمودار این تابع را با دامنه $\{-1, 0, 1, 2\}$ رسم کنید.

حل: ابتدا مقادیر تابع را به ازای نقاط دامنه آن می‌یابیم:

$$f(-1) = (-1)^2 - 1 = 3, \quad f(0) = (0)^2 - 1 = -1$$

$$f(1) = (1)^2 - 1 = 0, \quad f(2) = (2)^2 - 1 = 3$$



ب) نمودار تابع را با دامنه $[-2, 2]$ رسم کنید و چگونگی تغییرات مقادیر تابع (رفتار تابع) را در دامنه‌اش بررسی کنید.

حل: چون دامنه تابع بازه بسته $[-2, 2]$ است، نقاط به دست آمده در جدول قسمت الف را به

هم وصل می‌کنیم:

رفتار تابع در بازه $[-2, 0]$ کاهشی (نزولی) است به این معنی که با افزایش مقدار x در این بازه

مقدار تابع کاهش می‌یابد و رفتار تابع در بازه $[0, 2]$ افزایشی (صعودی) است، به این معنی که با

افزایش مقدار x در این بازه مقدار تابع افزایش می‌یابد.

